Schulinterner Lehrplan am Stadtgymnasium Köln-Porz für die Jahrgangsstufe 7 (G9)

## **Mathematik**

(Fassung vom ...)

## Vorwort:

Die Kernlehrpläne betonen, dass eine umfassende mathematische Grundbildung im Mathematikunterricht erst durch die Vernetzung inhaltsbezogener (fachmathematischer) und prozessbezogener Kompetenzen erreicht werden kann. Entsprechend dieser Forderung sind im neuen Lambacher-Schweizer (G9) die inhaltsund die prozessbezogenen Kompetenzen innerhalb aller Kapitel eng miteinander verwoben. So werden in den Aufgaben immer wieder Fähigkeiten der fünf Kompetenzbereiche prozessbezogenen Argumentieren, Kommunizieren, Problemlösen, Modellieren und Operieren aufgegriffen und geübt. Zusätzlich bietet der Lambacher-Schweizer größere Aufgabenkontexte, die es den Schülerinnen und Schülern ermöglichen, sich intensiv mit einem Thema zu beschäftigen und einzelne prozessbezogene Fähigkeiten zu entwickeln. Auch wenn die prozessbezogenen Kompetenzen sich in allen Kapiteln wiederfinden, werden in den folgenden Tabelle beispielhaft für Lambacher-Schweizer 7 diejenigen Kompetenzbereiche und Kompetenzen aufgeführt, auf die in dem jeweiligen Kapitel ein Schwerpunkt gelegt wurde.

## Jahrgangsstufe 7

		Schw	verpunkte	
Unterrichtsvorhaben	Inhaltsfeld	Konkretisierte	Prozessbezogene	Varbahanhazagana Abanraahan
Unterrichtsvorhaben	Inhaltliche Schwerpunkte	Kompetenzerwartungen	Kompetenzerwartungen	Vorhabenbezogene Absprachen
		Die Schülerin	nen und Schüler	
7.1 Rechnen mit rationalen Zahlen 18 UStd.	<ul> <li>Arithmetik/Algebra</li> <li>Zahlbereichs-         erweiterung: ganze und         rationale Zahlen</li> <li>Gesetze und Regeln:         Vorzeichenregeln,         Rechengesetze für         rationale Zahlen</li> </ul>	Arithmetik / Algebra  (1) stellen rationale Zahlen auf der Zahlengeraden dar und ordnen sie der Größe nach (Ope-6, Pro-3)  (2) geben Gründe und Beispiele für Zahlbereichserweiterungen an (Mod-3, Arg-7)  (3) leiten Vorzeichenregeln zur Addition und Multiplikation anhand von Beispielen ab und nutzen Rechengesetze und Regeln (Ope-8, Arg-5)	Ope-6 führen Darstellungswechsel sicher aus Ope-8 nutzen schematisierte und strategiegeleitete Verfahren, Algorithmen und Regeln Pro-3 setzen Muster und Zahlenfolgen fort, beschreiben Beziehungen zwischen Größen und stellen begründete Vermutungen über Zusammenhänge auf Mod-3 treffen begründet Annahmen und nehmen Vereinfachungen realer Situationen vor Arg-5 begründen Lösungswege und nutzen dabei mathematische Regeln bzw. Sätze und sachlogische Argumente Arg-7 nutzen verschiedene Argumentationsstrategien (Gegenbeispiel, direktes Schlussfolgern, Widerspruch)	<ul> <li>Zur Umsetzung</li> <li>Möglicher Einstieg: Kontospiel<sup>4</sup></li> <li>Rechenregeln in Anlehnung an die bisherigen Zahlenbereiche</li> <li>Sprachsensibilität</li> <li>Zur Vernetzung</li> <li>Darstellung ganzer Zahlen bereits in ← 6.4</li> <li>Rechenregeln mit positiven Bruchzahlen aufgreifen</li> <li>Zur Erweiterung und Vertiefung</li> <li>Brüche im Koordinatensystem</li> </ul>

\_

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> http://www.ko-si-ma.de/upload/downloads/hru7/MW7\_Handreichung\_Negative\_Zahlen.pdf

		Schv	verpunkte	
11	Inhaltsfeld	Konkretisierte	Prozessbezogene	
Unterrichtsvorhaben	Inhaltliche Schwerpunkte	Kompetenzerwartungen	Kompetenzerwartungen	Vorhabenbezogene Absprachen
		Die Schülerin	nen und Schüler	
7.2 Funktionenwerkstatt: Zuordnungen und ihre Darstellungen 14 UStd.	<ul> <li>▶ Proportionale und antiproportionale Zuordnung: Zuordnungsvorschrift, Graph, Tabelle, Wortform, Quotientengleichheit, Proportionalitätsfaktor, Produktgleichheit, Dreisatz</li> </ul>	Arithmetik/ Algebra  (4) deuten Variablen als     Veränderliche zur Beschreibung     von Zuordnungen ()     (Mod-4, Mod-5, Pro-4)  (5) stellen Terme als     Rechenvorschrift von     Zuordnungen () auf     (Mod-4, Mod-6, Kom-1)  Funktionen  (1) charakterisieren Zuordnungen     und grenzen diese anhand ihrer     Eigenschaften voneinander ab     (Arg-3, Arg-4, Kom-1)  (2) beschreiben zu gegebenen     Zuordnungen passende     Sachsituationen (Mod-5, Kom-3)  (4) stellen Funktionen mit eigenen     Worten, in Wertetabellen, als     Graphen und als Terme dar und     nutzen die Darstellungen     situationsangemessen (Kom-4,     Kom-6, Kom-7)  (7) lösen innermathematische und     alltagsnahe Probleme mithilfe     von Zuordnungen () auch mit     digitalen     Mathematikwerkzeugen     (Taschenrechner,     Tabellenkalkulation und     Funktionenplotter und     Multirepräsentationssysteme)     (Ope-11, Mod-6, Pro-6)	Mod-4 übersetzten reale Situationen in mathematische Modelle bzw. wählen geeignete Modelle aus und nutzen geeignete Darstellungen ordnen einem mathematischen Modell passende reale Situationen zu  Mod-6 erarbeiten mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten Lösungen innerhalb des mathematischen Modells  Kom-1 entnehmen und strukturieren Informationen aus mathematikhaltigen Texten und Darstellungen  Kom-3 erläutern Begriffsinhalte anhand von typischen inner- und außermathematischen Anwendungssituationen.  Kom-4 geben Beobachtungen, bekannte Lösungswege und Verfahren mit eigenen Worten und mithilfe mathematischer Begriffe wieder, verwenden in angemessenem Umfang die fachgebundene Sprache Wählen je nach Situation und Zweck geeignete Darstellungsformen Arg-3 präzisieren Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur  Arg-4 stellen Relationen zwischen Fachbegriffen her (Ober-/Unterbegriff)  Ope-11 nutzen digitale Mathematikwerkzeuge (dynamische Geometriesoftware, Funktionenplotter, Computer-Algebra-Systeme, Multirepräsentationssysteme,	<ul> <li>Erkunden verschiedener Zuordnungen (proportionale, antiproportionale, sonstige) und Ermöglichung experimenteller Erfahrungen</li> <li>Anbieten verschiedener Grundvorstellungen</li> <li>Einführung des Taschenrechners zur Bearbeitung alltagsnaher Aufgaben</li> <li>Sprachsensibilität</li> <li>Zur Vernetzung</li> <li>Dreisatzrechnen vorentlastet ←6.7</li> <li>Lineare Funktionen → Jgst. 8</li> <li>Exponentialfunktionen → Jgst. 9/10</li> <li>Zur Erweiterung und Vertiefung</li> <li>Die Angabe von Rechenvorschriften ermöglicht Erfahrungen im Umgang mit Vorformen der mathematischen Formelsprache</li> </ul>

	Taschenrechner und	
	Tabellenkalkulation)	
Pr	ro-4 wählen geeignete Begriffe,	
	Zusammenhänge, Verfahren und	
	Werkzeuge zur Problemlösung aus	
Pr	ro-6 entwickeln Ideen für mögliche	
	Lösungswege, planen	
	Vorgehensweisen zur Lösung eines	
	Problems und führen Lösungspläne	
	zielgerichtet aus	

		Schv	verpunkte	
Unterrichtsvorhaben	Inhaltsfeld Inhaltliche Schwerpunkte	Konkretisierte Kompetenzerwartungen Die Schülerin	Prozessbezogene Kompetenzerwartungen Inen und Schüler	Vorhabenbezogene Absprachen
7.3 Rabatte, Mehrwertsteuer und Prozente 18 UStd.	Funktionen:  Prozent- und Zinsrechnung: Grundwert, Prozentwert, Prozentsatz, prozentuale Veränderung, Wachstumsfaktor	Arithmetik / Algebra  (8) ermitteln Exponenten im Rahmen der Zinsrechnung durch systematisches Probieren auch unter Verwendung von Tabellenkalkulationen (Pro-4, Pro-5, Ope-11)  Funktionen  (8) wenden Prozent- und Zinsrechnung auf allgemeine Konsumsituationen an und erstellen dazu anwendungsbezogene Tabellen- kalkulationen mit relativen und absoluten Zellbezügen (Ope-11, Ope-13, Mod-2)  (9) beschreiben prozentuale Veränderungen mit Wachstumsfaktoren und kombinieren prozentuale Veränderungen (Mod-4, Pro-3)	Ope-11 nutzen digitale Mathematikwerkzeuge (dynamische Geometriesoftware, Funktionenplotter, Computer- Algebra-Systeme, Multirepräsentationssysteme, Taschenrechner und Tabellenkalkulation) Ope-13 nutzen analoge und digitale Medien und Unterstützung zur Gestaltung mathematischer Prozesse Mod-2 stellen eigene Fragen zu realen Situationen, die mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten beantwortet werden können Mod-4 übersetzten reale Situationen in mathematische Modelle bzw. wählen geeignete Darstellungen Pro-3 setzen Muster und Zahlenfolgen fort, beschreiben Beziehungen zwischen Größen und stellen begründete Vermutungen über Zusammenhänge auf Pro-4 wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge, Verfahren und Werkzeuge zur Problemlösung aus Pro-5 nutzen heuristische Strategien und	<ul> <li>Zur Umsetzung</li> <li>Basis für die Ermittlung von Prozentwert, Prozentsatz und Grundwert sind sowohl der Dreisatz als auch die Anteilsvorstellung</li> <li>Kombination von Rabatten</li> <li>Betonung ökonomischer Kontexte (Rabatt, Mehrwertsteuer, Aktienkurse)</li> <li>Digitale Medien</li> <li>Zur Vernetzung</li> <li>Anbahnung von prozentualen Veränderungen und Zinseszins → Jgst. 8</li> <li>Zur Erweiterung und Vertiefung</li> <li>Weitere Anwendungskontexte</li> </ul>

		Schv	verpunkte	
Unterrichtsvorhaben	Inhaltsfeld	Konkretisierte	Prozessbezogene	]
Unterrichtsvorhaben	Inhaltliche Schwerpunkte	Kompetenzerwartungen	Kompetenzerwartungen	Vorhabenbezogene Absprachen
		Die Schülerin	nen und Schüler	
7.4 Verpackte Zahlen: Terme und Gleichungen 22 UStd.	<ul> <li>Arithmetik/Algebra</li> <li>Term und Variable:         Variable als veränderliche         Größe, als Platzhalter         sowie als Unbekannte,         Termumformungen</li> <li>Lösungsverfahren:         algebraische und         grafische         Lösungsverfahren (lineare         Gleichungen, elementare         Bruchgleichungen)</li> </ul>	Arithmetik / Algebra  (4) deuten Variablen () als Platzhalter in Termen und Rechengesetzen sowie als Unbekannte in Gleichungen () (Mod-4, Mod-5, Pro-4)  (5) stellen Terme () zur Berechnung von Flächeninhalten und Volumina auf (Mod-4, Mod-6, Kom-1)  (6) stellen Gleichungen und Ungleichungen zur Formulierung von Bedingungen in Sachsituationen auf (Mod-3, Mod-9)  (7) formen Terme, auch Bruchterme, zielgerichtet um und korrigieren fehlerhafte Termumformungen (Ope-5, Pro-9)  (9) ermitteln Lösungsmengen linearer Gleichungen () sowie von Bruchgleichungen unter Verwendung geeigneter Verfahren und deuten sie im Sachkontext (Ope-8, Mod-7, Pro-6)	Ope-5 arbeiten unter Berücksichtigung mathematischer Regeln und Gesetze mit Variablen, Termen, Gleichungen und Funktionen nutzen schematisierte und strategiegeleitete Verfahren, Algorithmen und Regeln treffen begründet Annahmen und nehmen Vereinfachungen realer Situationen vor Mod-4 übersetzten reale Situationen in mathematische Modelle bzw. wählen geeignete Modelle aus und nutzen geeignete Darstellungen Mod-5 ordnen einem mathematischen Modell passende reale Situationen zu Mod-6 erarbeiten mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten Lösungen innerhalb des mathematischen Modells beziehen erarbeitete Lösungen auf die reale Situation und interpretieren diese als Antwort auf die Fragestellung Mod-9 benennen Grenzen aufgestellter mathematischer Modelle und verbessern aufgestellte Modelle mit Blick auf die Fragestellung Pro-4 wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge, Verfahren und Werkzeuge zur Problemlösung aus entwickeln Ideen für mögliche Lösungswege, planen Vorgehensweisen zur Lösung eines Problems und führen Lösungspläne zielgerichtet aus analysieren und reflektieren Ursachen von Fehlern	<ul> <li>Terme mit zunächst einer Variablen für anschauliche Situationen (Streichhölzer, Paketband, Muster etc.) aufstellen und Werte berechnen</li> <li>Terme vergleichen und Beschreibungsgleichheit (Äquivalenz) thematisieren</li> <li>Einsetzungsgleichheit unter Zuhilfenahme des GTR prüfen</li> <li>Gleichwertigkeit von Termen durch Umformungen zeigen (insbesondere: Ausmultiplizieren und Ausklammern)</li> <li>Gleichungen aufstellen und lösen durch systematisches Probieren, Tabelle, Graph und Äquivalenzumformung (Waagemodell)</li> <li>Problemlösen mit Gleichungen (Zahlenrätsel, Altersrätsel, alltagsnahe Sachsituationen)</li> <li>Sprachsensibilität (insb. Übersetzungen zw. Wortform und algebraischer Notation)</li> <li>Zur Vernetzung</li> <li>Muster und Zahlenfolgen erkunden und mit Termen beschreiben ← 6.4</li> <li>Algebraische und grafische Lösungsverfahren im Zusammenhang mit linearen Funktionen → Jgst. 8</li> <li>Zur Erweiterung und Vertiefung</li> <li>Zahlenzauberei</li> </ul>

_			
		Kom-1 entnehmen und strukturieren	
		Informationen aus	
		mathematikhaltigen Texten und	
		Darstellungen	

		Schw	verpunkte	
Unterrichtsvorhaben	Inhaltsfeld	Konkretisierte	Prozessbezogene	
Officerrichtsvortiabeti	Inhaltliche Schwerpunkte	Kompetenzerwartungen	Kompetenzerwartungen	Vorhabenbezogene Absprachen
		Die Schülerin	nen und Schüler	
7.5 Quod erat demonstrandum: Winkel und Winkelsätze 16 UStd.	Geometrische Sätze: Neben-, Scheitel-, Stufen- und Wechselwinkelsatz, Innen-, Außen- und Basiswinkelsatz, Kongruenzsätze  • Konstruktion: Dreieck	Geometrie  (1) nutzen geometrische Sätze zur Winkelbestimmung in ebenen Figuren (Arg-7, Arg-9, Arg-10)  (2) begründen die Beweisführung zur Summe der Innenwinkel in einem Dreieck () (Pro-10, Arg-8)  (3) führen Konstruktionen mit Zirkel und Lineal durch und nutzen Konstruktionen zur Beantwortung von Fragestellungen (Ope-9, Pro-6, Pro-7)  (4) formulieren und begründen Aussagen zur Lösbarkeit und Eindeutigkeit von Konstruktionsaufgaben (Arg-2, Arg-3, Arg-5, Arg-6, Arg-7)  (5) zeichnen Dreiecke aus gegebenen Winkel- und Seitenmaßen und geben die Abfolge der Konstruktionsschritte mit Fachbegriffen an (Ope-12, Kom-4, Kom-9)  (7) lösen geometrische Probleme mithilfe von geometrischen Sätzen (Ope-12, Pro-4, Pro-6, Kom-8)	Ope-9 nutzen mathematische Hilfsmittel (Lineal, Geodreieck und Zirkel) zum Messen, genauen Zeichnen und Konstruieren Ope-12 entscheiden situationsangemessen über den Einsatz mathematischer Hilfsmittel und digitaler Mathematikwerkzeuge und wählen diese begründet aus Pro-4 wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge, Verfahren und Werkzeuge zur Problemlösung aus Pro-6 entwickeln Ideen für mögliche Lösungswege, planen Vorgehensweisen zur Lösung eines Problems und führen Lösungspläne zielgerichtet aus Pro-7 überprüfen die Plausibilität von Ergebnissen Pro-10 benennen zugrundeliegende heuristische Strategien und Prinzipien und übertragen diese begründet auf andere Problemstellungen Arg-2 benennen Beispiele für vermutete Zusammenhänge Arg-3 präzisieren Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur Arg-5 begründen Lösungswege und nutzen dabei mathematische Regeln bzw. Sätze und sachlogische Argumente  Arg-6 verknüpfen Argumente zu Argumentationsketten nutzen verschiedene Argumentationsstrategien (Gegenbeispiel, direktes Schlussfolgern, Widerspruch)	<ul> <li>ggf. Geradenkreuzungen aus dem Alltag (Straßenkarten, geometrische Figuren und Muster)</li> <li>Erster Zugriff auf das Beweisen durch Entdecken, Formulieren, Begründen und Nutzen von allgemeingültigen Zusammenhängen</li> <li>Sprachsensibilität</li> <li>Anbahnung von Argumentationsketten durch Wenn-Dann-Aussagen</li> <li>Herausstellen des Merkmals "Beweis" am Beispiel des Innenwinkelsatzes</li> <li>Umkehrbarkeit der Sätze thematisieren, exemplarisch einen Beweis durch Widerspruch</li> <li>Beachten einer präzisen Darstellung von Lösungswegen bei Beweisaufgaben</li> <li>Zur Vernetzung</li> <li>Winkel ← 6.4</li> <li>Zur Erweiterung und Vertiefung</li> <li>Innenwinkelsumme im Vieleck</li> </ul>

Arg-8	erläutern vorgegebene	
	Argumentationen und Beweise	
	hinsichtlich ihrer logischen Struktur	
	(Folgerungen/Äquivalenz, Und-	
	/Oder- Verknüpfungen, Negation,	
	All- und Existenzaussagen)	
Arg-9	beurteilen, ob vorliegende	
	Argumentationsketten vollständig	
	und fehlerfrei sind	
Arg-10	ergänzen lückenhafte und	
	korrigieren fehlerhafte	
	Argumentationsketten.	
Kom-8	dokumentieren Arbeitsschritte	
	nachvollziehbar und präsentieren	
	diese	
Kom-9	greifen Beiträge auf und entwickeln	
	sie weiter	

		Schv	verpunkte	
Unterrichtsvorhaben	Inhaltsfeld Inhaltliche Schwerpunkte	Konkretisierte Kompetenzerwartungen	Prozessbezogene Kompetenzerwartungen	Vorhabenbezogene Absprachen
		Die Schülerir	nen und Schüler	
7.6 Würfel gegen Legostein: Wahrscheinlichkeiten nicht nur in Laplace- Experimenten 14 UStd.	Stochastik  Wahrscheinlichkeiten und Zufallsexperimente: einund zweistufige Zufallsversuche, Baumdiagramm  Stochastische Regeln: empirisches Gesetz der großen Zahlen, Laplace-Wahrscheinlichkeit, Pfadregeln  Begriffsbildung: Ereignis, Ergebnis, Wahrscheinlichkeit	Stochastik  (1) schätzen Wahrscheinlichkeiten auf der Basis von Hypothesen sowie auf der Basis relativer Häufigkeiten langer Versuchsreihen ab (Mod-8, Pro-3)  (2) stellen Zufallsexperimente mit Baumdiagrammen dar und entnehmen Wahrscheinlichkeiten aus Baumdiagrammen (Ope-6, Mod-5, Mod-7)  (3) bestimmen Wahrscheinlichkeiten mithilfe stochastischer Regeln (Ope-8, Pro-5, Arg-5)  (4) grenzen Laplace-Versuche anhand von Beispielen gegenüber anderen Zufallsversuchen ab (Arg-2, Arg-3, Mod-5, Kom-3)  (5) simulieren Zufallserscheinungen in alltäglichen Situationen mit einem stochastischen Modell (Mod-4, Mod-6, Mod-9)	Mod-4 übersetzten reale Situationen in mathematische Modelle bzw. wählen geeignete Modelle aus und nutzen geeignete Darstellungen Ordnen einem mathematischen Modell passende reale Situationen zu  Mod-6 erarbeiten mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten Lösungen innerhalb des mathematischen Modells  Mod-7 beziehen erarbeitete Lösungen auf die reale Situation und interpretieren diese als Antwort auf die Fragestellung  Mod-8 überprüfen Lösungen auf ihre Plausibilität in realen Situationen benennen Grenzen aufgestellter mathematischer Modelle und verbessern aufgestellte Modelle mit Blick auf die Fragestellung  Ope-6 führen Darstellungswechsel sicher aus  Ope-8 nutzen schematisierte und strategiegeleitete Verfahren, Algorithmen und Regeln Pro-3 setzen Muster und Zahlenfolgen fort, beschreiben Beziehungen zwischen Größen und stellen begründete Vermutungen über Zusammenhänge auf  Pro-5 nutzen heuristische Strategien und Prinzipien  Arg-2 benennen Beispiele für vermutete Zusammenhänge	<ul> <li>Spielerischer und experimenteller Zugang über einen prognostischen Wahrscheinlichkeitsbegriff, (Legosteine, Riemer-Würfel, Reißzwecken etc.)</li> <li>relative Häufigkeit als Schätzwert für Wahrscheinlichkeit</li> <li>Einführung über Wahrscheinlichkeits-Spiele (z.B. "Differenz trifft"5)</li> <li>Simulation alltagsnaher Situationen zum Hinterfragen von Wahrscheinlichkeiten bestimmter Ereignisse</li> <li>Grundbegriffe und Notation an Beispielen einführen</li> <li>Zur Vernetzung</li> <li>relative Häufigkeit ← 6.6</li> <li>Zur Erweiterung und Vertiefung</li> <li>Vorbereitung des Erwartungswerts über faire und nicht faire Spiele</li> <li>Planung und Umsetzung eigener "Glücksspiele"</li> </ul>

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Spielplan zum Herunterladen unter http://www.kmk-format.de/Mathematik2.html

	Berücksichtigung der logischen
	Struktur
	Arg-5 begründen Lösungswege und
	nutzen dabei mathematische
	Regeln bzw. Sätze und sachlogische
	Argumente
	Kom-3 erläutern Begriffsinhalte anhand
	von typischen inner- und
	außermathematischen
	Anwendungssituationen